

- 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제인지 확인하십시오.
- 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 기입하십시오.
- 답안지에 수험 번호, 응시 계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 '수험생이 지켜야 할 일'에 따라 표기하십시오.
- 주관식 답의 숫자에 0이 포함된 경우, 0을 OMR답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

1. $(\sqrt{2})^5$ 의 값은? [2점]

- ① $\sqrt{2}$ ② 2 ③ $2\sqrt{2}$ ④ 4 ⑤ $4\sqrt{2}$

2. 이차방정식 $x^2+7x+1=0$ 의 두 근이 α, β 일 때,
 $(\alpha^2+\beta^2)+7(\alpha+\beta)$ 의 값은? [3점]

- ① -4 ② -2 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

3. $(2+2\sin\frac{\pi}{3})(2-\tan\frac{\pi}{3})$ 의 값은? [3점]

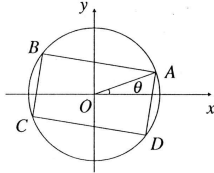
- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{1}{5}$

4. $f(x)=x^5+x$ 일 때, $f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 5 ④ 6 ⑤ 12

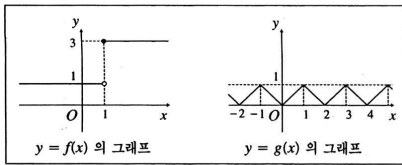
5. 그림과 같이 직사각형 $ABCD$ 가 중심이 원점이고
반지름의 길이가 1인 원에 내접해 있다. x 축과 선분
 OA 가 이루는 각을 θ 라 할 때, $\cos(\pi - \theta)$ 와 같은
것은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)

[3점]



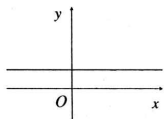
- ① A 의 x 좌표 ② B 의 y 좌표 ③ C 의 x 좌표
④ C 의 y 좌표 ⑤ D 의 x 좌표

6. 두 함수 $y=f(x)$ 와 $y=g(x)$ 의 그래프가 각각 아래
그림과 같다.

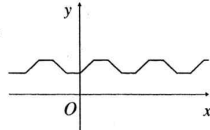


다음 중 $y=(g \circ f)(x)$ 의 그래프의 개형은? [3점]

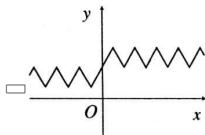
①



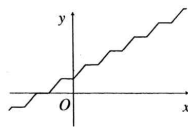
②



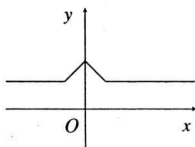
③



④



⑤



7. $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ 일 때, 행렬

$A^{-1} + AB$ 는? (단, A^{-1} 는 A 의 역행렬) [3점]

① $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

② $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

③ $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

④ $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

⑤ $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$

8. 분수함수 $y = \frac{1}{x}$ 의 그래프가 직선 $y = ax$ 에 대하여

대칭이 되는 상수 a 의 값을 모두 구하면? [3점]

① $-1, 1$

② $-2, 2$

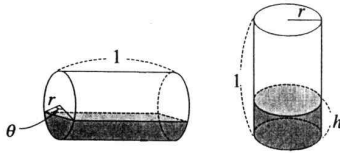
③ $-3, 3$

④ $-4, 4$

⑤ $-5, 5$

9. 반지름의 길이가 r 이고 높이가 1인 원기둥에 물이 들어 있다. 원기둥을 수평으로 눕혔을 때 수면과 옆면이 만나서 이루는 현에 대한 중심각을 θ 라 하자. 원기둥을 세웠을 때 수면의 높이 h 를 θ 로 표시하면?

(단, $0 < \theta < \pi$, $0 < h < \frac{1}{2}$) [2점]



- ① $h = \frac{1}{2\pi} \theta$
 ② $h = \frac{1}{2\pi} \sin \theta$
 ③ $h = \theta - \sin \theta$
 ④ $h = \frac{1}{2\pi} (\theta + \sin \theta)$
 ⑤ $h = \frac{1}{2\pi} (\theta - \sin \theta)$

10. 구간 $[0, 1]$ 에서 정의된 연속확률변수 X 의 확률밀도 함수가 $f(x) = ax + a$ 로 주어졌을 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ 2

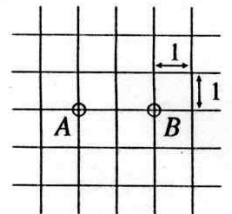
11. 삼차함수 $y = f(x)$ 가 서로 다른 세 실수 a, b, c 에 대하여

$$f(a) = f(b) = 0, \quad f'(a) = f'(c) = 0$$

을 만족시킨다. c 를 a 와 b 로 나타내면? [2점]

- ① $a + b$ ② $\frac{a+b}{2}$ ③ $\frac{a+b}{3}$
 ④ $\frac{a+2b}{3}$ ⑤ $\frac{2a+b}{3}$

12. 그림과 같이 이웃한 두 교차로 사이의 거리가 모두 1인 바둑판 모양의 도로망이 있다. 두 차량이 각각 A 와 B 에서 출발하여 A, B 이외의 교차로 P 에서 만났다. 두 차량이 움직인 거리의 합이 4가 되는 P 의 위치를 모두 표시하면? [3점]



- ①
- ②
- ③
- ④
- ⑤

13. 다음은 좌표평면 위의 서로 다른 네 점

A, B, C, D 에

대한 설명이다.

(가) 점 A 와 점 B 는 x 축 위에 있다

(나) 점 B 의 x 좌표는 점 A 의 x 좌표보다 크다.

(다) $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{BC} = \overline{AD} = \overline{CD}$

점 A, B, C, D 의 x 좌표를 각각 a, b, c, d 라 할 때,

옳은 것은? [3점]

- ① $a < d < c < b$ ② $c < a < d < b$
 ③ $c < d < a < b$ ④ $d < a < c < b$
 ⑤ $d < c < a < b$

14. 좌표평면의 제 1사분면 위의

점 P 에서 x 축, y 축에 내린

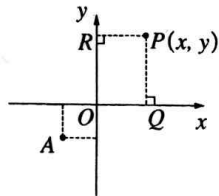
수

선의 발을 각각 Q, R 라 하자.

점 $A(-1, -1)$ 에 대하여

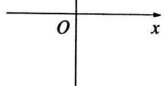
$$\overline{PA} = \overline{PQ} + \overline{PR}$$

를 만족시키는 점 P 의

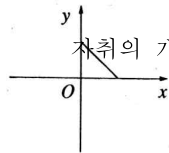


자취의 개형은? [3점]

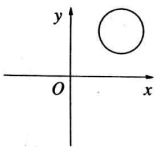
①



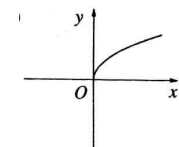
②



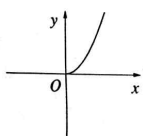
③



④



⑤



15. 자연수 n 에 대하여 n^2 을 오진법으로 표현했을 때 일의 자리수를 $f(n)$ 이라 하자. <보기> 중 옳은 것을 모두 고르면? [3점]

<보 기>

ㄱ. $f(3) = 4$

ㄴ. $0 \leq f(n) \leq 4$

ㄷ. $f(n) = 2$ 인 자연수 n 은 없다.

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄱ, ㄷ ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

16. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 서로 다른 두 부분집합 X, Y 에 대하여 $(X \cup Y) - (X \cap Y)$ 의 가장 작은

원소가 X 에 속할 때, $X \supset Y$ 라 하자. U 의 부분집합

$$A = \{2, 3, 4\}, B = \{1, 2, 5\}, C = \{2, 4, 5\}$$

에 대하여 옳은 것은? [3점]

① $A \supset B \supset C$

② $A \supset C \supset B$

③ $B \supset A \supset C$

④ $B \supset C \supset A$

⑤ $C \supset A \supset B$

17. 다음은 지수법칙 $a^{r+s} = a^r a^s$ 으로부터 모든 양수 x, y 에 대하여

$$\log_a xy = \log_a x + \log_a y$$

가 성립함을 증명한 것이다. (단, $a \neq 1, a > 0$)

<증명>

$r = \log_a x, s = \log_a y$ 로 놓으면

$$a^r = x, a^s = \boxed{\text{(가)}}$$

지수법칙으로부터

$$a^{r+s} = \boxed{\text{(나)}}$$

로그의 정의에 의하여

$$r+s = \log_a \boxed{\text{(나)}}$$

그러므로 $\log_a xy = \log_a x + \log_a y$ 이다.

위의 증명에서 (가), (나)에 알맞은 것을 순서대로 적으면? [3점]

- ① $x, x+y$ ② $y, x+y$ ③ x, xy
 ④ y, xy ⑤ $x, \frac{x}{y}$

18. 다음은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BC} < \overline{AC} < \overline{AB}$ 일 때, 삼각형 내부의 한 점 P에 대하여

$$\overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} < \overline{AB} + \overline{AC}$$

임을 증명한 것이다

<증명>

가정에 의해

$$\overline{BC} < \overline{AC} < \overline{AB} \text{ 이므로}$$

$$\angle A < \angle B < \angle C$$

점 P를 지나고 선분 BC에

평행한 직선이 선분 AB, AC와

만나는 점을 각각 D, E 라고 하자.

선분 DE 와 선분 BC 가 평행하므로

$$\angle ADE = \angle B, \angle AED = \angle C$$

따라서,

$$\angle A < \angle ADE < \angle AED$$

그러므로 $\triangle ADE$ 에서

$$\boxed{\text{(가)}} \dots\dots\dots ①$$

이고

$$\overline{PA} < \overline{AD} \dots\dots\dots ②$$

$\triangle BDP$ 에서

$$\overline{PB} < \overline{PD} + \overline{DB} \dots\dots\dots ③$$

$\triangle EPC$ 에서

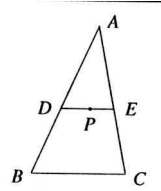
$$\overline{PC} < \overline{PE} + \overline{EC} \dots\dots\dots ④$$

①, ②, ③, ④에서

$$\overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} < \overline{AB} + \overline{AC}$$

위의 증명에서 (가)에 알맞은 것은? [2점]

- ① $\overline{AD} < \overline{AE} < \overline{DE}$
 ② $\overline{AD} < \overline{DE} < \overline{AE}$
 ③ $\overline{AE} < \overline{AD} < \overline{DE}$
 ④ $\overline{AE} < \overline{DE} < \overline{AD}$
 ⑤ $\overline{DE} < \overline{AE} < \overline{AD}$



19. $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ 일 때,

$$\log(\sin \theta) - \log(\cos \theta) = \frac{1}{2} \log 3$$

을 만족시키는 θ 의 값은 ? (단, $\log$ 는 상용로그) [3점]

- ① $\frac{1}{6}\pi$ ② $\frac{1}{4}\pi$ ③ $\frac{2}{7}\pi$ ④ $\frac{1}{3}\pi$ ⑤ $\frac{2}{5}\pi$

20. 좌표평면 위에 여섯 개의 점

$(1, 1), (1, -1), (0, 1),$

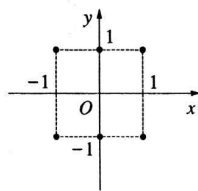
$(0, -1), (-1, 1), (-1, -1)$

이 있다. 이 중 세 점을 지나는

이차함수 $y = f(x)$ 의 개수는?

[2점]

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10



21. 다음은 정적분 $\int_0^1 (x^2 + 1)dx$ 의 근사값의 오차의 한계를 구하는 과정의 일부이다.

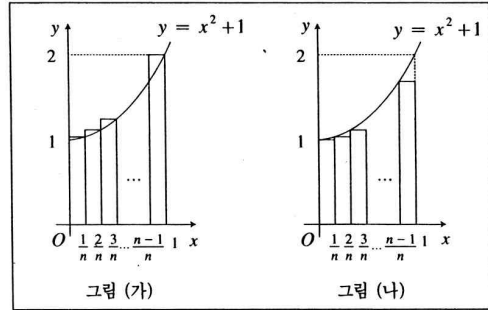


그림 (가), (나)와 같이 폐구간 $[0, 1]$ 을 n 등분하여 얻은 n 개의 직사각형들의 넓이와 합을 각각 A, B 라 하자.

$$A - B \leq 0.15$$

가 되는 n 의 최소값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

22. 영어의 알파벳 A, B ..., Z에 십진법의 수 1부터 26에 해당하는 이진법의 수 00001₍₂₎, 00010₍₂₎, ..., 11010₍₂₎을 순서대로 대응시키자. 이진법의 수 α 와 β 의 각 자리의 수를 비교하여 같으면 0, 다르면 1을 그 자리에 대응시켜 얻은 이진법의 수를 $\alpha \wedge \beta$ 라 하자. 예를 들면

$$10001_{(2)} \wedge 10101_{(2)} = 00100_{(2)}$$

$$00001_{(2)} \wedge 10101_{(2)} = 10100_{(2)}$$

각 알파벳에 대응하는 이진법의 수를 10101₍₂₎과 연산 $\wedge$ 을 하여 얻은 이진법의 수로 그 알파벳을 암호화하였다. 예를 들면 암호가 10100₍₂₎인 알파벳은 A이다.

암호가 11001₍₂₎인 알파벳은? [2점]

- ① B ② D ③ L ④ P ⑤ S

23. 좌표평면 위의 네 점

$(-2, 2), (4, 2), (1, -2)$

$(4, -2)$ 에 있는 나사를 모두

조이는 작업을 반복하는 로봇

팔의 한쪽 끝을 점 P에 고정시

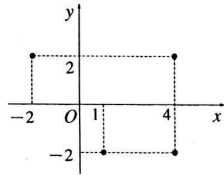
키려 한다. 로봇팔을 점 P를

중심으로 360° 회전 가능하고, 점 P로부터의 거리가

로봇팔의 길이 이하인 모든 곳의 나사를 조일 수 있다.

로봇팔의 길이를 최소로 할 수 있는 점 P의 좌표는?

[3점]



- ① $(0,0)$ ② $(0,1)$ ③ $(0,-1)$ ④ $(1,0)$ ⑤ $(1,1)$

24. 다음은 세계 석유 소비 증가 추세에 관한 글들이다.

…… 매년 석유 소비량을 조사한 결과, 최근 10년 동안 소비된 석유의 양은 그 이전까지 소비된 석유의 양과 같다. 예를 들어 1981년부터 1990년까지 소비된 석유의 양은 1980년까지 소비된 석유 전체의 양과 같다……

이와 같은 석유 소비 추세가 계속된다고 가정하고, 현재까지 소비된 석유의 양을 a , 현재의 석유의 매장량을 b 라 할 때, 앞으로 몇 년 동안 석유를 사용할 수 있겠는가? [3점]

- ① $10 \log_2 \left(\frac{b}{2a} + 1 \right)$
 ② $10 \log_2 \left(\frac{b}{a} + 1 \right)$
 ③ $10 \log_2 \left(\frac{2b}{a} + 1 \right)$
 ④ $10 \log_2 \left(\frac{b}{a} + 2 \right)$
 ⑤ $10 \log_2 \left(\frac{2b}{a} + 2 \right)$

주관식 문항(25 ~ 30)

25. 삼차함수 $f(x) = ax^3 + b$ 의 역함수 f^{-1} 가

$f^{-1}(5) = 2$ 를 만족시킬 때, $8a + b$ 의 값을

구하시오 [3점]

26. 다항식 $f(x)$ 를 $(x-1)(x-2)$ 로 나눈 나머지가 $4x+3$ 일 때, $f(2x)$ 를 $x-1$ 로 나눈 나머지를 구하시오. [2점]

27. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{8(x^4 - 1)}{(x^2 - 1)f(x)} = 1$$

일 때, $f(1)$ 의 값을 구하시오. [2점]

28. 문자 a, b, c 에서 중복을 허용하여 세 개를 택하여 만든

단어를 전송하려고 한다. 단, 전송되는 단어에 a 가 연속되면 수신이 불가능하다고 하자. 예를 들면 aab, aaa 등은 수신이 불가능하고 bba, aba 등은 수신이 가능하다. 수신 가능한 단어의 개수를 구하시오. [2점]

29. 함수 $f(x)$ 가 $f(10) = 50, f(1) = 3$ 을 만족시킬 때,

$$\sum_{k=1}^9 f(k+1) - \sum_{k=2}^{10} f(k-1)$$

의 값을 구하시오. [3점]

30. 정적분 $\int_0^1 (x+1)(x^2-x+1)dx$ 의 값을 소수점 아래 둘째 자리까지 구하시오. [2점]

