

제 2 교시

수리·탐구 영역(I)

인문계

성명		수험번호							
----	--	------	--	--	--	--	--	--	--

- 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제인지 확인하십시오.
- 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 기입하십시오.
- 답안지에 수험 번호, 응시 계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 '수험생이 지켜야 할 일'에 따라 표기하십시오.
- 주관 답의 숫자에 0이 포함된 경우, 0을 OMR 답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

1. $\log_7 \frac{1}{\sqrt{7}}$ 의 값은? [2 점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ $-\frac{1}{2}$ ⑤ $-\frac{1}{4}$

2. $(4+3i)^2 - (4-3i)^2$ 의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$) [2 점]

- ① 0 ② 24 ③ 48 ④ 24 ⑤ $48i$

3. $4\cos^2 x + 4\sin x = 5$ 일 때, $\sin x$ 의 값은? [2 점]

- ① $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ ⑤

4. $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 일 때, $A^2B - A$ 는? [2 점]

- ① $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ② $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ③
 ④ $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ⑤ $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$

2 인문계

수리·탐구 영역(I)

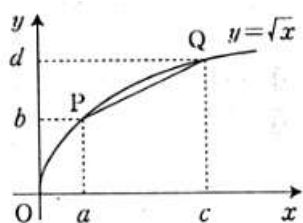
5. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 2, 3 일 때, 이차방정식 $x^2 + ax + 2 = 0$ 의 두 근의 합은? [2 점]

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{6}{5}$

6. 함수 $y = \sqrt{x}$ 의 그래프 위의 두 점 $P(a, b)$, $Q(c, d)$ 에 대하여

$\frac{b+d}{2} = 1$ 일 때, 직선 PQ 의 기울기는? (단, $0 < a < c$) [3 점]

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$
④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1



7. 시간 t 에 따라 감소하는 함수 $f(t)$ 에 대하여

$$f(t+c) = \frac{1}{2} f(t)$$

를 만족시키는 양의 상수 c 를 $f(t)$ 의 반감기라 한다.

함수 $f(t) = 3^{-t}$ 의 반감기는? [3 점]

- ① $\frac{1}{3} \log_3 2$ ② $\frac{1}{2} \log_3 2$ ③
④ $2 \log_3 2$ ⑤ $3 \log_3 2$

8. 고대 인도의 수학자 바스카라는 다음과 같은 식을 사용하였다.

$$\sqrt{a+\sqrt{b}} = \sqrt{a + \frac{\boxed{}}{2}} + \sqrt{a - \frac{\boxed{}}{2}}$$

$\boxed{}$ 안에 알맞은 것은? (단, $a \geq b \geq 1$) [2 점]

- ① b ② $a^2 - b$ ③
④ $a + b$ ⑤ $a - b$

수리·탐구 영역(I)

9. 전체집합 $U=\{1, 2, 3, \dots, 100\}$ 의 부분집합 A 에 대하여 $f(A)$ 를 A 에 속하는 모든 원소의 합이라고 하자. U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여, <보기> 중 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, $f(\phi)=0$) [3 점]

————<보 기>————

㉠. $f(A^c)=f(U)-f(A)$

㉡. $A\subset B$ 이면, $f(A)\leq f(B)$ 이다.

㉢. $f(A\cup B)=f(A)+f(B)$

- ① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

10. 1 이 두 번만 나타나는 이진법의 수를 작은 수부터 차례로 배열하여 얻은 수열 $11_{(2)}, 101_{(2)}, 110_{(2)}, 1001_{(2)}, 1010_{(2)}, 1100_{(2)}, \dots$ 의 제 56 항과 같은 수는? [3 점]

- ① 2^9+1

② $2^{10}+2^9$

③ $2^{11}+1$

④ $2^{11}+2^{10}$

⑤ $2^{13}+1$

11. 삼차함수 $y=x^3-3ax^2+4a$ 의 그래프가 y 축에 접할 때, a 의 값은? (단, $a>0$) [3 점]

- ① $\frac{1}{4}$

② $\frac{1}{3}$

③ $\frac{1}{2}$

④

⑤

12. $\triangle ABC$ 에서 $6\sin A=2\sqrt{3}\sin B=3\sin C$ 가 성립할 때, $\angle A$ 의 크기는? [3 점]

- ① 120°

② 90°

③ 60°

④ 45°

⑤ 30°

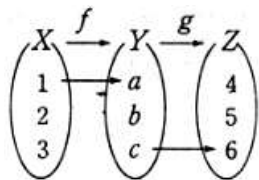
4 인문계

수리·탐구 영역(I)

13. 주사위를 한 번 던져 나오는 눈의 수를 4로 나눈 나머지를 확률변수 X 라 하자. X 의 평균은? (단, 주사위의 각 눈이 나올 확률은 모두 같다.) [3 점]

- ① 2 ② $\frac{5}{3}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ 1

14. 집합 $X = \{1, 2, 3\}$, $Y = \{a, b, c\}$, $Z = \{4, 5, 6\}$ 에 대하여, 일대일 대응인 함수 $f: X \rightarrow Y$ 와 함수 $g: Y \rightarrow Z$ 가

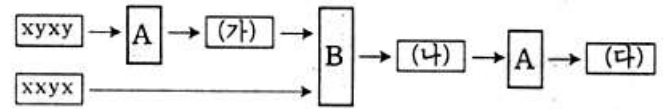
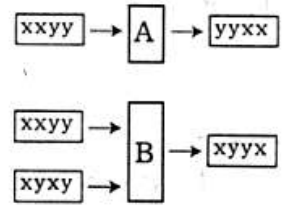


$$f(1) = a, \quad g(c) = 6, \quad (g \circ f)(2) = 4$$

를 만족시킬 때, $f(3)$ 의 값은? [2 점]

- ① a ② b
 ③ c ④ b, c 모두 가능하다.
 ⑤ a, b, c 모두 가능하다.

15. 두 개의 논리상자 A와 B가 있다. 논리상자 A는 문자 x 와 y 로 이루어진 네 자리 문자열을 x 는 y 로, y 는 x 로 바꾼다. 논리상자 B는 두 개의 네 자리 문자열을 각 자리의 문자가 서로 같으면 x , 서로 다르면 y 인 하나의 네 자리 문자열로 바꾼다. 다음과 같은 논리 회로에 두 문자열 $xyxy$, $xxxyx$ 를 입력하였을 때, 출력 (다)에 들어갈 문자열은? [3 점]



- ① $xxxx$ ② $xxxxy$ ③ $xxyy$
 ④ $xyyy$ ⑤ $yyyy$

16. 음이 아닌 정수 n 에 대하여 n 을 5로 나눈 나머지를, 10으로 나눈 나머지를 $g(n)$ 이라 하자. <보기> 중 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? [3 점]

—<보 기>—

ㄱ. $f(f(n)) = f(n)$

ㄴ. $g(f(n)) = g(n)$

ㄷ. $f(g(n)) = f(n)$

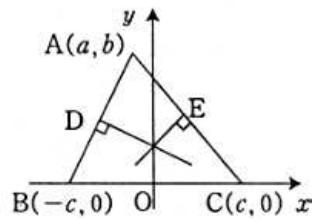
- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄴ, ㄷ

수리·탐구 영역(I)

17. 다음은 $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직이등분선이 한 점에서 만남을 증명한 것이다.

<증명>

직선 BC를 x 축, 변 BC의 수직 이등분선을 y 축으로 잡고,
 $A(a, b)$, $B(-c, 0)$, $C(c, 0)$
 라고 하자. (단, $b \neq 0$, $c > 0$)
 (i) $a \neq c$ 이고 $a \neq -c$ 일때



직선 AC의 기울기는 $\frac{b}{a-c}$ 이므로, 변 AC의 중점 E를 지나고 변 AC에 수직인 직선의 방정식은

$$y = \boxed{(가)} \left(x - \frac{a+c}{2} \right) + \frac{b}{2} = \boxed{(가)}x + \boxed{(나)} \dots \textcircled{1}$$

같은 방법으로, 변 AB의 중점 D를 지나고 변 AB에 수직인 직선의 방정식은

$$y = -\frac{a+c}{b}x + \boxed{(나)} \dots \textcircled{2}$$

두 직선 ①, ②의 y 절편이 같으므로 세 변의 수직 이등분선은 y 축 위의 점 $(0, \boxed{(나)})$ 에서 만난다.

따라서, $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직 이등분선은 한 점에서 만난다.

(ii) $a = c$ 또는 $a = -c$ 일때,

$\triangle ABC$ 는 $\boxed{(다)}$ 이므로, 세 변의 수직 이등분선은 D 또는 E에서 만난다.

따라서 $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직 이등분선은 한 점에서 만난다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?
 [3 점]

- ① $-\frac{a-c}{b}$, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 직각삼각형
- ② $-\frac{a-c}{b}$, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 정삼각형
- ③ $-\frac{a-c}{b}$, $\frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$, 이등변삼각형
- ④ $\frac{a-c}{b}$, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 이등변삼각형
- ⑤ $\frac{a-c}{b}$, $\frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$, 직각삼각형

18. 다음은 $4k+3$ 꼴의 소수가 무수히 많음을 증명한 것이다.
 (단, k 는 음이 아닌 정수이다.)

<증명>

$4k+3$ 꼴의 소수가 유한개 있다고 가정하고, 이것을 3, 7, 11, 19, ..., p 라 하자.

$n = 4(7 \cdot 11 \cdot 19 \cdot \dots \cdot p) + 3$ 이라 하면, n 은 3, 7, 11, 19, ..., p 로 $\boxed{(가)}$. n 의 모든 소인수는 또는 꼴의 정수이고, $4k+1$ 꼴의 두 정수를 곱하면 꼴의 정수이다. 그러므로, n 의 모든 소인수가 꼴이면, 도 $\boxed{(나)}$ 꼴이다. 이것은 모순이므로, n 은 꼴의 소인수 q 를 갖는다. n 은 q 로 나누어 떨어지므로, n 은 3, 7, 11, 19, ..., p 가 아닌 $4k+3$ 꼴의 소수가 존재한다. 이것은 가정에 모순이다.

따라서, $4k+3$ 꼴의 소수는 무수히 많다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?
 [2 점]

- ① 나누어 떨어진다. $4k+1$, $4k+1$
- ② 나누어 떨어진다. $4k+3$, $4k+3$
- ③ 나누어 떨어지지 않는다. $4k+3$, $4k+1$
- ④ 나누어 떨어지지 않는다. $4k+1$, $4k+1$
- ⑤ 나누어 떨어지지 않는다. $4k+1$, $4k+3$

6 인문계

수리·탐구 영역(I)

19. 부등식

$$\cos^2 \theta - 3 \cos \theta - a + 9 \geq 0$$

이 모든 θ 에 대하여 항상 성립하는 실수 a 의 범위는? [3 점]

- ① $-1 \leq a \leq 9$ ② $a \geq 0$ ③ $a \geq 5$
 ④ $a \leq 7$ ⑤ $a \leq 9$

20. 다항함수 $f(x)$, $g(x)$ 가

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 2}{x - 3} = 1, \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{g(x) - 1}{x - 3} = 2$$

를 만족시킬 때, 함수 $y = f(x)g(x)$ 의 $x = 3$ 에서의 미분 계수는? [3 점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

21. 자연수 n 에 대하여, 두 곡선

$$y = x^2 - 2, \quad y = -x^2 + \frac{2}{n^2}$$

로 둘러싸인 도형의 넓이를 S_n 이라 할 때, 의 값은?

[3 점]

- ① $\frac{16}{3}$ ② $\frac{14}{3}$ ③ 4 ④ ⑤

22. 어떤 원자의 에너지는 주양자수 n 인 에너지 상태에는 개의 서로 다른 궤도가 존재한다. 주양자수가 1, 2, 3, ..., 9인 에너지 상태에 있는 모든 궤도의 수는? (단, 주양자수가 다른 에너지 상태에 있는 궤도들은 서로 다르다.) [3 점]

- ① 770 ② 570 ③ 408 ④ ⑤

수리·탐구 영역(I)

23. 입력값의 전체 집합 $U=\{0, 1, 2, 3\}$ 에 대하여, 빨강에서 보라까지 7개의 전등으로 구성된 숫자판을 다음과 같이 점등하고자 한다.

입력값	이진법 표현	점등 모양
0	$00_{(2)}$	
1	$01_{(2)}$	
2	$10_{(2)}$	
3	$11_{(2)}$	

입력값을 이진법의 수로 $pq_{(2)}$ 와 같이 표현하였을 때, p 가 1인 입력값의 집합을 P , q 가 1인 입력값의 집합을 Q 라 하자. 빨란 전등이 점등되는 모든 입력값의 집합을 올바르게 나타낸 것은?

[3 점]

- ① P ② Q ③ $P \cup Q^c$
 ④ $P^c \cup Q$ ⑤ $P^c \cap Q^c$

24. 컴퓨터 중앙처리장치의 속도는 1985년 1MHz 이던 것이 매 3년마다 약 4배의 비율로 빨라지고 있다. 한 연구에 의하면, 현재 기술로 이와 같은 발전을 지속할 수 있는 중앙처리장치 속도의 한계는 약 4,000MHz 라고 한다. 이 연구에서 현재 기술이 한계에 도달할 것으로 예측되는 해는? (단, MHz는 중앙처리장치 속도의 단위이며, $\log 2=0.3$ 으로 계산한다.) [3 점]

- ① 2003년 ② 2006년 ③ 2009년
 ④ 2012년 ⑤ 2024년

주관식 문항 (25 ~ 30)

25. 다항식 $x^3+5x^2+10x+6$ 이 $(x+a)(x^2+4x+b)$ 로 인수분해될 때, $a+b$ 의 값을 구하시오. [2 점]

26. 다항함수 $f(x)$ 가 $\int_2^x f(t)dt = x^2+ax+2$ 를 만족시킬 때, $f(10)$ 의 값을 구하시오. [3 점]

8 인문계

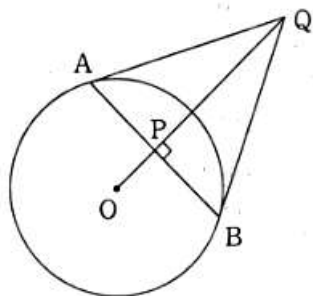
수리·탐구 영역(I)

27. 직선 $y=x$ 에 대하여 대칭인 두 직선 $y=ax$, $y=bx$ 가 이루는 각이 30° 일 때, $3(a^2+b^2)$ 의 값을 구하시오. [3 점]

29. 1에서 10까지의 자연수 중에서 서로 다른 두 수를 임의로 선택할 때, 선택된 두 수의 곱이 짝수가 되는 경우의 수를 구하시오. [3 점]

28. 반지름의 길이가 10인 원 O 의 내부에 한 점 P 가 있다. 점 P 를 지나고 직선 OP 에 수직인 직선이 원과 만나는 두 점을 A , B 에서의 두 접선의 교점을 Q 라 하자.

$\overline{OP}=5$ 일 때, 선분 PQ 의 길이를 구하시오. [2 점]



30. $-1 \leq x \leq 1$ 에서 부등식 $x+a \leq x^2 \leq 2x+b$ 가 항상 성립할 때, $b-a$ 의 최소값을 소수점 아래 둘째 자리까지 구하시오. [3 점]