

제 2 교시

수리·탐구 영역(I)

예체능계

성명		수험번호				—					
----	--	------	--	--	--	---	--	--	--	--	--

- 먼저 수험생이 선택한 계열의 문제인지 확인하십시오.
- 문제지에 성명과 수험 번호를 정확히 기입하십시오.
- 답안지에 수험 번호, 응시 계열, 문형, 답을 표기할 때에는 반드시 ‘수험생이 지켜야 할 일’에 따라 표기하십시오.
- 주관 답의 숫자에 0이 포함된 경우, 0을 OMR 답안지에 반드시 표기해야 합니다.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점 또는 3점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

1. $\log_7 \frac{1}{\sqrt{7}}$ 의 값은? [2 점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ $-\frac{1}{2}$ ⑤ $-\frac{1}{4}$

2. $(4+3i)^2 - (4-3i)^2$ 의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$) [2 점]

- ① 0 ② 24 ③ 48 ④ 24 ⑤ $48i$

3. $4\cos^2 x + 4\sin x = 5$ 일 때, $\sin x$ 의 값은? [2 점]

- ① $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ ⑤

4. $\frac{4}{7 - \frac{3}{1 - \frac{2}{5}}}$ 의 값은? [2 점]

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ ⑤

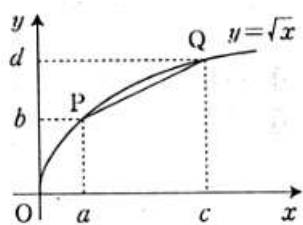
5. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 2, 3 일 때, 이차방정식 $x^2 + ax + 2 = 0$ 의 두 근의 합은? [2 점]

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{6}{5}$

6. 함수 $y = \sqrt{x}$ 의 그래프 위의 두 점 $P(a, b)$, $Q(c, d)$ 에 대하여

$\frac{b+d}{2} = 1$ 일 때, 직선 PQ 의 기울기는? (단, $0 < a < c$) [3 점]

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$
④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1



7. 시간 t 에 따라 감소하는 함수 $f(t)$ 에 대하여

$$f(t+c) = \frac{1}{2} f(t)$$

를 만족시키는 양의 상수 c 를 $f(t)$ 의 반감기라 한다.

함수 $f(t) = 3^{-t}$ 의 반감기는? [3 점]

- ① $\frac{1}{3} \log_3 2$ ② $\frac{1}{2} \log_3 2$ ③
④ $2 \log_3 2$ ⑤ $3 \log_3 2$

8. 고대 인도의 수학자 바스카라는 다음과 같은 식을 사용하였다.

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{a + \frac{\boxed{}}{2}} + \sqrt{a - \frac{\boxed{}}{2}}$$

$\boxed{}$ 안에 알맞은 것은? (단, $a \geq b \geq 1$) [2 점]

- ① b ② $a^2 - b$ ③
④ $a + b$ ⑤ $a - b$

수리·탐구 영역(I)

9. 전체집합 $U=\{1, 2, 3, \dots, 100\}$ 의 부분집합 A 에 대하여 $f(A)$ 를 A 에 속하는 모든 원소의 합이라고 하자. U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여, 〈보기〉중 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, $f(\phi)=0$) [3 점]

〈보 기〉

ㄱ. $f(A^c)=f(U)-f(A)$

ㄴ. $A\subset B$ 이면, $f(A)\leq f(B)$ 이다.

ㄷ. $f(A\cup B)=f(A)+f(B)$

- ① ㄴ ② ㄱ, ㄴ ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

10. 〈보기〉의 함수 $f(x)$ 중 $(f\circ f\circ f)(x)=f(x)$ 가 성립하는 것을 모두 고른 것은? [3 점]

〈보 기〉

ㄱ. $f(x)=x+1$

ㄴ. $f(x)=-x$

ㄷ. $f(x)=-x+1$

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ
- ④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄴ, ㄷ

11. 부등식 $\log_2(2x-1)<1$ 을 만족시키는 x 의 범위는? [3 점]

- ① $0<x<1$ ② $\frac{1}{2}<x<\frac{3}{2}$ ③
- ④ $1<x<\frac{5}{2}$ ⑤ $\frac{3}{2}<x<\frac{5}{2}$

12. $\triangle ABC$ 에서

$6\sin A=2\sqrt{3}\sin B=3\sin C$

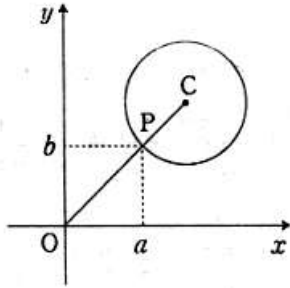
가 성립할 때, $\angle A$ 의 크기는? [3 점]

- ① 120° ② 90° ③ 60° ④ 45° ⑤ 30°

수리 · 탐구 영역(I)

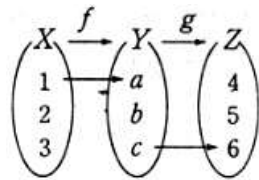
13. 반지름의 길이가 2 이고 중심이 $C(4, 4)$ 인 원이 있다. 원점 O 와 중심 C 를 잇는 선분이 원과 만나는 점을 $P(a, b)$ 라 할 때, a 의 값은?

[3 점]



- ① $1+\sqrt{2}$ ② $3-\sqrt{2}$ ③ $2+\sqrt{2}$
④ $4-\sqrt{2}$ ⑤ $3+\sqrt{2}$

14. 집합 $X=\{1, 2, 3\}$, $Y=\{a, b, c\}$, $Z=\{4, 5, 6\}$ 에 대하여, 일대일 대응인 함수 $f: X \rightarrow Y$ 와 함수 $g: Y \rightarrow Z$ 가

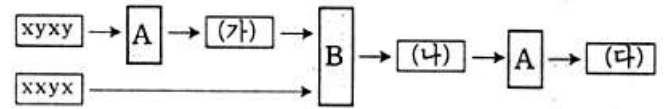
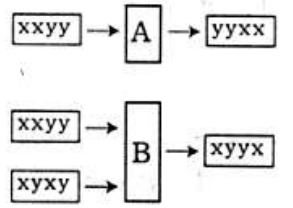


$$f(1)=a, \quad g(c)=6, \quad (g \circ f)(2)=4$$

를 만족시킬 때, $f(3)$ 의 값은? [2 점]

- ① a ② b
③ c ④ b, c 모두 가능하다.
⑤ a, b, c 모두 가능하다.

15. 두 개의 논리상자 A와 B가 있다. 논리상자 A는 문자 x 와 y 로 이루어진 네 자리 문자열을 x 는 y 로, y 는 x 로 바꾼다. 논리상자 B는 두 개의 네 자리 문자열을 각 자리의 문자가 서로 같으면 x , 서로 다르면 y 인 하나의 네 자리 문자열로 바꾼다. 다음과 같은 논리 회로에 두 문자열 $xyxy$, $xxxyx$ 를 입력하였을 때, 출력 (다)에 들어갈 문자열은? [3 점]



- ① $xxxx$ ② $xxxxy$ ③ $xxyy$
④ $xyyy$ ⑤ $yyyy$

16. 음이 아닌 정수 n 에 대하여 n 을 5로 나눈 나머지를 , 10으로 나눈 나머지를 $g(n)$ 이라 하자. <보기> 중 항상 옳은 것을 모두 고른 것은? [3 점]

- 〈보 기〉
ㄱ. $f(f(n))=f(n)$
ㄴ. $g(f(n))=g(n)$
ㄷ. $f(g(n))=f(n)$

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄱ, ㄴ
④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄴ, ㄷ

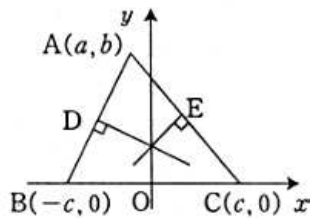
수리 · 탐구 영역(I)

17. 다음은 $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직이등분선이 한 점에서 만남을 증명한 것이다.

〈증명〉

직선 BC를 x 축, 변 BC의 수직 이등분선을 y 축으로 잡고,
 $A(a, b)$, $B(-c, 0)$, $C(c, 0)$
 라고 하자. (단, $b \neq 0$, $c > 0$)

(i) $a \neq c$ 이고 $a \neq -c$ 일때



직선 AC의 기울기는 $\frac{b}{a-c}$ 이므로, 변 AC의 중점 E를 지나고 변 AC에 수직인 직선의 방정식은

$$y = \boxed{(가)} \left(x - \frac{a+c}{2} \right) + \frac{b}{2} = \boxed{(가)}x + \boxed{(나)} \dots \textcircled{1}$$

같은 방법으로, 변 AB의 중점 D를 지나고 변 AB에 수직인 직선의 방정식은

$$y = -\frac{a+c}{b}x + \boxed{(나)} \dots \textcircled{2}$$

두 직선 ①, ②의 y 절편이 같으므로 세 변의 수직 이등분선은 y 축 위의 점 $(0, \boxed{(나)})$ 에서 만난다.

따라서, $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직 이등분선은 한 점에서 만난다.

(ii) $a = c$ 또는 $a = -c$ 일때,

$\triangle ABC$ 는 $\boxed{(다)}$ 이므로, 세 변의 수직 이등분선은 D 또는 E에서 만난다.

따라서 $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직 이등분선은 한 점에서 만난다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?
 [3 점]

- ① $-\frac{a-c}{b}$, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 직각삼각형
- ② $-\frac{a-c}{b}$, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 정삼각형
- ③ $-\frac{a-c}{b}$, $\frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$, 이등변삼각형
- ④ $\frac{a-c}{b}$, $\frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$, 이등변삼각형
- ⑤ $\frac{a-c}{b}$, $\frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$, 직각삼각형

18. 다음은 $4k+3$ 꼴의 소수가 무수히 많음을 증명한 것이다.
 (단, k 는 음이 아닌 정수이다.)

〈증명〉

$4k+3$ 꼴의 소수가 유한개 있다고 가정하고, 이것을 3, 7, 11, 19, ..., p 라 하자.

$n = 4(7 \cdot 11 \cdot 19 \cdot \dots \cdot p) + 3$ 이라 하면, n 은 3, 7, 11, 19, ..., p 로 $\boxed{(가)}$. n 의 모든 소인수는 또는 꼴의 정수이고, $4k+1$ 꼴의 두 정수를 곱하면 꼴의 정수이다. 그러므로, n 의 모든 소인수가 꼴이면, 도 $\boxed{(나)}$ 꼴이다. 이것은 모순이므로, n 은 꼴의 소인수 q 를 갖는다. n 은 q 로 나누어 떨어지므로, n 은 3, 7, 11, 19, ..., p 가 아닌 $4k+3$ 꼴의 소수가 존재한다. 이것은 가정에 모순이다.

따라서, $4k+3$ 꼴의 소수는 무수히 많다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?
 [2 점]

- ① 나누어 떨어진다. $4k+1$, $4k+1$
- ② 나누어 떨어진다. $4k+3$, $4k+3$
- ③ 나누어 떨어지지 않는다. $4k+3$, $4k+1$
- ④ 나누어 떨어지지 않는다. $4k+1$, $4k+1$
- ⑤ 나누어 떨어지지 않는다. $4k+1$, $4k+3$

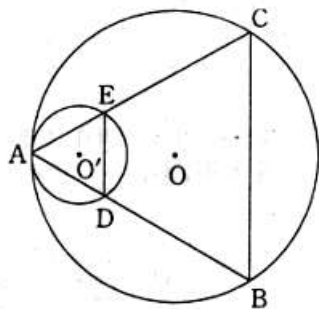
19. 부등식

$$\cos^2 \theta - 3 \cos \theta - a + 9 \geq 0$$

이 모든 θ 에 대하여 항상 성립하는 실수 a 의 범위는? [3 점]

- ① $-1 \leq a \leq 9$ ② $a \geq 0$ ③ $a \geq 5$
 ④ $a \leq 7$ ⑤ $a \leq 9$

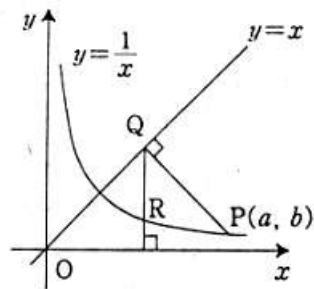
20. 반지름의 길이가 1인 원 O' 이 반지름의 길이가 3인 원 O 에 내접하고 있다. 두 원의 접점 A 를 한 꼭지점으로 하고 원 O 에 내접하는 $\triangle ABC$ 가 원 O' 과 만나는 점을 D , E 라 하자. $\triangle ADE$ 와 $\triangle ABC$ 의 넓이의 비는? [3 점]



- ① 1 : 9 ② 1 : 7 ③ 1 : 6
 ④ 1 : 5 ⑤ 1 : 3

21. 함수 $y = \frac{1}{x}$ 의 그래프 위의 한

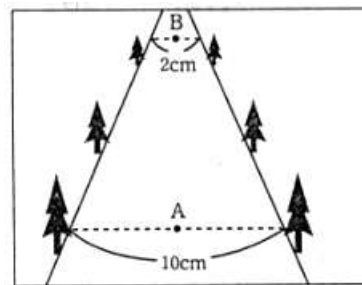
점 $P(a, b)$ 에서 직선 $y = x$ 위에 내린 수선의 발을 Q 라 할 때, 점 Q 에서 x 축에 내린 수선이 $y = \frac{1}{x}$ 과 만나는 점 R 의 좌표는? (단, $a > 1$)



[3 점]

- ① $\left(\frac{a+b}{2}, \frac{2}{a+b}\right)$ ② $\left(a+b, \frac{1}{a+b}\right)$
 ③ $\left(\frac{a+b}{\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{2}}{a+b}\right)$ ④ $\left(a+b, \frac{2}{a+b}\right)$
 ⑤ $\left(\frac{2}{a+b}, a+b\right)$

22. 아래 그림은 폭이 일정한 직선 도로를 원근법에 따라 그린 것이다. 그림에서 도로의 폭은 화가로부터의 거리에 반비례하게 그려져 있다.

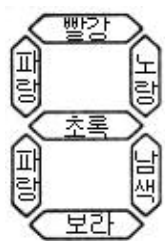


도로 중앙의 두 지점 A , B 에서의 도로 폭을 그림에서 재어 보니 각각 10 cm, 2 cm 이었다. 화가로부터 지점 A 까지의 실제 거리가 100 m 이면, 화가로부터 지점 B 까지의 실제 거리는? [3 점]

- ① 300 m ② 400 m ③ 500 m
 ④ 600 m ⑤ 800 m

수리·탐구 영역(I)

23. 입력값의 전체 집합 $U=\{0, 1, 2, 3\}$ 에 대하여, 빨강에서 보라까지 7개의 전등으로 구성된 숫자판을 다음과 같이 점등하고자 한다.



입력값	이진법 표현	점등 모양
0	$00_{(2)}$	
1	$01_{(2)}$	
2	$10_{(2)}$	
3	$11_{(2)}$	

입력값을 이진법의 수로 $pq_{(2)}$ 와 같이 표현하였을 때, p 가 1인 입력값의 집합을 P , q 가 1인 입력값의 집합을 Q 라 하자. 빨란 전등이 점등되는 모든 입력값의 집합을 올바르게 나타낸 것은?

[3 점]

- ① P ② Q ③ $P \cup Q^c$
 ④ $P^c \cup Q$ ⑤ $P^c \cap Q^c$

24. 컴퓨터 중앙처리장치의 속도는 1985년 1MHz 이던 것이 매 3년마다 약 4배의 비율로 빨라지고 있다. 한 연구에 의하면, 현재 기술로 이와 같은 발전을 지속할 수 있는 중앙처리장치 속도의 한계는 약 4,000MHz 라고 한다. 이 연구에서 현재 기술이 한계에 도달할 것으로 예측되는 해는? (단, MHz는 중앙처리장치 속도의 단위이며, $\log 2=0.3$ 으로 계산한다.) [3 점]

- ① 2003년 ② 2006년 ③ 2009년
 ④ 2012년 ⑤ 2024년

주관식 문항 (25 ~ 30)

25. 다항식 $x^3+5x^2+10x+6$ 이 $(x+a)(x^2+4x+b)$ 로 인수분해될 때, $a+b$ 의 값을 구하시오. [2 점]

26. 전체집합이 $U=\{1, 2, 3, \dots, 100\}$ 이고

$$A=\{x \in U \mid x \text{는 홀수}\}, B=\{x \in U \mid x \text{는 } 3 \text{의 배수}\}$$

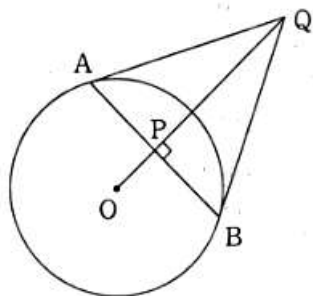
일 때, 집합 $A^c \cap B$ 의 원소의 개수를 구하시오. [3 점]

27. 직선 $y=x$ 에 대하여 대칭인 두 직선 $y=ax$, $y=bx$ 가 이루는 각이 30° 일 때, $3(a^2+b^2)$ 의 값을 구하시오. [3 점]

29. 세 부등식 $2x+y \leq 12$, $-2x+y \leq 0$, 을 동시에 만족시키는 영역의 넓이를 구하시오. [3 점]

28. 반지름의 길이가 10 인 원 O 의 내부에 한 점 P 가 있다. 점 P 를 지나고 직선 OP 에 수직인 직선이 원과 만나는 두 점을 A , B 에서의 두 접선의 교점을 Q 라 하자.

$\overline{OP}=5$ 일 때, 선분 PQ 의 길이를 구하시오. [2 점]



30. $-1 \leq x \leq 1$ 에서 부등식 $x+a \leq x^2 \leq 2x+b$ 가 항상 성립할 때, $b-a$ 의 최소값을 소수점 아래 둘째 자리까지 구하시오. [3 점]